

## 平成 31 年度数学問題

答えは解答用紙にかくこと

1. 次の問いに答えなさい。

(1)  $(2 + \sqrt{2} - \sqrt{6})(2 + \sqrt{2} + \sqrt{6})$  を計算しなさい。

(2)  $(2a + 1)(4a^2 - 2a + 1)$  を計算しなさい。

(3)  $xy - x - y + 1$  を因数分解しなさい。

(4)  $15x^2 - 4x - 3$  を因数分解しなさい。

(5)  $x = \sqrt{2} - 1$  のとき  $x^2 + \frac{1}{x^2}$  の値を求めなさい。

(6) 不等式  $5x - 6 < 2x + 3 < 7x + 13$  を満たす最小の整数を求めなさい。

(7) 2次方程式  $\frac{x^2}{6} + \frac{x}{4} - \frac{3}{4} = 0$  で  $x > 0$  を解きなさい。

(8) 2次関数  $y = -x^2 + 6x + c$  ( $1 \leq x \leq 4$ ) の最小値が  $-2$  であるように、定数  $c$  の値を求めなさい。

(9) 2次方程式  $x^2 + x + 1 = |x|$  を解きなさい。

(10) 2次関数のグラフにおいて、軸が直線  $x = -1$  で、2点  $(1, 3), (-2, -3)$  を通るとき、頂点の座標を求めなさい。

(11)  $0^\circ < x < 180^\circ$  で  $\sin x + \cos x = \sqrt{2}$  のとき  $\sin x \cos x$  を求めなさい。

(12)  $\triangle ABC$  において、辺  $BC = 2$ , 辺  $AB = 2\sqrt{2}$ ,  $\angle C = 135^\circ$  のとき、 $\angle A$  を求めなさい。

(13)  $0^\circ \leq x \leq 90^\circ$  のとき、次の方程式を満たす  $x$  を求めなさい。

$$2 \cos^2 x + \cos x - 1 = 0$$

(14) 5 個のデータ 4, 6, 2, 10, 8 の分散を求めなさい。

(15) つぎの  の中に、「必要条件である」、「十分条件である」、「必要十分条件である」、「必要条件でも十分条件でもない」、のうち最も適切なものをいれなさい。

$x, y$  を実数 とするとき、 $x^2 + y^2 = 0$  は  $xy = 0$  であるための

(16) 整数を要素とする 2 つの集合を  $A = \{3, 7, a^2\}$ ,  $B = \{2, 4, a + 1, a + b\}$  とするとき、 $A \cap B = \{4, 7\}$  となるように、定数  $b$  を求めなさい。

2. 2 次関数  $y = x^2 + 2kx + k$  がある。次の問いに答えなさい。

(1) この 2 次関数の最小値  $m$  を、 $k$  の式で表しなさい。

(2)  $k$  の値を変化させて、(1) における  $m$  の最大値を求めなさい。

3.  $\triangle ABC$  において、辺  $AB=3$ , 辺  $AC=2$ ,  $\angle A = 60^\circ$  とし、辺  $BC$  の中点を  $M$  とする。

次の問いに答えなさい。

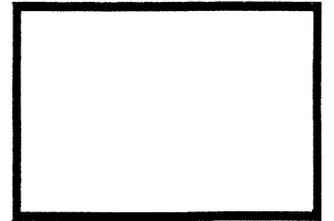
(1) 辺  $BC$  の長さを求めなさい。

(2) 辺  $AM$  の長さを求めなさい。

平成31年度数学解答用紙

		解 答
1	(1)	
	(2)	
	(3)	
	(4)	
	(5)	
	(6)	
	(7)	
	(8)	
	(9)	
	(10)	

受験番号		氏名	
------	--	----	--



		解 答
	(11)	
	(12)	
	(13)	
	(14)	
	(15)	
	(16)	
2	(1)	
	(2)	
3	(1)	
	(2)	